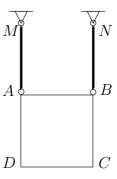
COMPLEMENTOS DE MECÁNICA

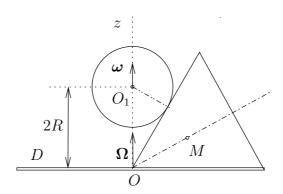
Práctica nº 2 curso 2002-2003

6. Una placa cuadrada ABCD de lado l y masa m se encuentra unida por A y B a dos barras MA y NB de longitud l y masa despreciable. Dichas barras se encuentran articuladas en sus extremos, y tienen impedidos los movimientos de los puntos M y N. Las barras MA y NB pueden moverse dentro de un plano vertical, mientras que la placa además puede girar libremente alrededor de AB. Se pide:

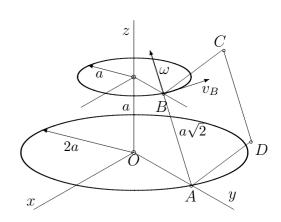


- 1. Calcular la posición del eje del movimiento helicoidal tangente de la placa, la velocidad angular y la velocidad de mínimo deslizamiento.
- 2. Expresión de la aceleración del centro de la placa cuando ésta se encuentra en posición horizontal y las barras en una posición genérica.
- 7. Se considera un sistema material formado por los siguientes sólidos:
 - Una esfera de radio R y centro O_1 que gira con una velocidad ω constante alrededor de Oz.
 - Un disco D de eje Oz que gira alrededor del mismo con velocidad Ω constante.
 - Un cono recto circular de vértice O que rueda sin deslizar por el exterior de la esfera y por la cara superior del disco y cuya sección meridiana se representa en la figura.

Se pide:

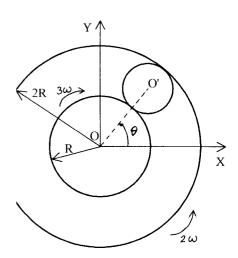


- 1. Velocidad y aceleración angular absoluta del cono.
- 2. Velocidad angular absoluta del eje OM del cono.
- 3. Aceleración del punto del cono en contacto con la esfera.
- 4. Determinar el eje del movimiento helicoidal tangente del cono y su velocidad mínima.
- 8. Una placa cuadrada ABCD de lado $a\sqrt{2}$ se mueve de forma que dos vértices A y B describen sendas circunferencias paralelas con el mismo eje, de radios 2a y a respectivamente, situada esta última a una distancia a de la primera. La velocidad con que recorre el punto B la circunferencia superior es constante, y vale $v_B = a\omega$. Al tiempo, la placa gira alrededor del eje AB con velocidad angular ω .



Se pide:

- 1. velocidad y aceleración angular de la placa;
- 2. definir el movimiento helicoidal tangente (eje y velocidad mínima);
- 3. en una posición en que B y C se hallen en el plano Oyz, obtener la aceleración del punto C .
- 9. El rodillo de radio $\frac{R}{2}$ y centro O' de la figura engrana con los cilindros de radio R y 2R con centro en O que giran con velocidades angulares constantes 3ω y 2ω respectivamente, con los sentidos indicados en la figura. Se pide:
 - 1. Calcular la velocidad de rotación del rodillo, velocidad absoluta de su centro O' y posición angular θ en función del tiempo.
 - 2. Determinar la posición del c.i.r. y las polares del movimiento del rodillo.
 - 3. Calcular la velocidad de sucesión del c.i.r. del rodillo.



- 10. De la barra de la figura en la posición tal que OA = OB, se conocen los valores de v_A y a_A . Se pide:
 - 1. Obtener los valores de Ω y $\dot{\Omega}$ de la barra.
 - 2. Razonar cuál es el punto más lento del plano móvil y cuál es el más lento de la barra.

La longitud de la barra es L.

